

Algoritam NORMALIZACIJE metodom sinteze - Primer algoritma zasnovan na heurističkim pravilima

Formulacija zadatka:

Dat je univerzalni skup obeležja $U=\{A,B,C,D,E,F\}$ i skup funkcionalnih zavisnosti

Skup $F=\{ B \rightarrow D,$
 $A \rightarrow C, B,$
 $AB \rightarrow E,$
 $F \rightarrow A, C, E,$
 $BD \rightarrow A, E,$
 $D \rightarrow C \}$

Na osnovu datih ulaznih skupova U i F projektovati šemu relacione baze podataka u 3NF metodom sinteze.

Rešenje zadatka:

Analiza ulaznih parametara algoritma normalizacije skupa U i skupa F :

1. Skup U ima 6 obeležja. U skupu F se koristi kompletan skup od 6 obeležja skupa U . (Skup šema relacija S , kao rezultujući skup algoritma, sadrži kompletnu informaciju o skupu obeležja U (konzervira skup obeležja)).
2. Skup F ima sedam grupa funkcionalnih zavisnosti.

$F =$
{

I grupa fz $B \rightarrow D,$
II grupa fz $A \rightarrow C, B,$
III grupa fz $AB \rightarrow E,$
IV grupa fz $F \rightarrow A, C, E,$
V grupa fz $BD \rightarrow A, E,$
VI grupa fz $D \rightarrow C$

}

U skupu F , u sedam grupa funkcionalnih zavisnosti, ima ukupno 10 funkcionalnih zavisnosti (fz). Iz skupu F se koristi kompletan skup od 10 funkcionalnih zavisnosti

skupa F . (Skup šema relacija S , kao rezultujući skup algoritma, sadrži kompletnu informaciju o skupu funkcionalnih zavisnosti F (konzervira skup funkcionalnih zavisnosti))

1. Redukcija levih strana funkcionalnih zavisnosti

Realizuje se transformaciju polaznog skupa F u skup E – primenom algoritma redukcije ili primenom heurističkih pravila koja su implicirana iz algoritma redukcije i osnovnih definicija vezanih za algoritam redukcije.

U skladu sa definisanim heurističkim pravilima u kojima se razmatraju samo one grupe funkcionalnih zavisnosti za koje važi osobina da imaju $||s(f)|| > 1$, u konkretnom skupu F se razmatraju sledeće grupe fz:

III grupa fz $AB \rightarrow E$,

V grupa fz $BD \rightarrow A, E$,

1.1. Razmatranje **III grupa funkcionalnih zavisnosti $AB \rightarrow E$** se realizuje kroz primenu drugog heurističkog pravila, koje u konkretnom slučaju glasi:

1.1.1. Da li se *Isrpnom primenom pravila izvođenja iz π* (Amstrogovih aksioma) na skup *f- I nih zavisnosti F* može dokazati da $A \rightarrow B$?

Ako se može dokazati da $A \rightarrow B$, to znači da je **obeležje B suvišno u III grupi fz $AB \rightarrow E$ koja sadrži jednu fz: $AB \rightarrow E$** . Postojanje suvišnog obeležja u III grupi fz $AB \rightarrow E$ znači da je III grupa fz $AB \rightarrow E$ NEPOTPUNA (nije redukovana ili neredukovana)

Cilj prvog koraka algoritma normalizacije metodom sinteze je da se iz svih grupa funkcionalnih zavisnosti u F , a samim tim i iz svih funkcionalne zavisnosti u F **uklone suvišna obeležja**. To znači da se u prvom koraku žele dobiti isključivo **potpune funkcionalne zavisnosti** odnosno funkcionalne zavisnosti koje imaju **redukovanu levu stranu funkcionalne zavisnosti što je u skladu sa definicijom** druge normalne forme (2NF).

Da li se može dokazati da $A \rightarrow B$ u drugoj grupi funkcionalnih zavisnosti u skladu sa ograničenjima datim u konkretnom skupu F ?

Odgovor je da može, jer se može *primeniti pravilo izvođenja iz π* na sledeći način:

Želimo dokazati da $A \rightarrow B$:

$A \rightarrow B$

dato u
II grupi fz

Zaključak: Obeležje B je suvišno u trećoj grupi funkcionalnih zavisnosti $AB \rightarrow E$, na osnovu čega sledi da nakon uklanjanja suvišnog obeležja B se dobija jedna potpuna ili redukovana funkcionalna zavisnost u skladu sa odabranim definicijama $\Rightarrow A \rightarrow E$.

Dakle, pošto je obeležje B suvišno u trećoj grupi funkcionalnih zavisnosti $AB \rightarrow E$
 ~~$AB(A) \rightarrow E$~~ $\Rightarrow A \rightarrow E$ i sada skup F ima sledeću strukturu:

F =

{

I grupa fz $B \rightarrow D$,

II grupa fz $A \rightarrow C, B$,

III grupa fz ~~$AB(A) \rightarrow E$~~

IV grupa fz $F \rightarrow A, C, E$,

V grupa fz $BD \rightarrow A, E$,

VI grupa fz $D \rightarrow C$

}

1.1.2. Da li se *Isrpnom primenom pravila izvođenja iz π (Amstrogovih aksioma) na skup f-Inih zavisnosti F* može dokazati da $B \rightarrow D$?

Ako se može dokazati da $B \rightarrow D$, to znači da je **obeležje D suvišno u V grupi fz $BD \rightarrow A, E$ koja sadrži dve fz: $BD \rightarrow A$ i $BD \rightarrow E$** . Postojanje suvišnog obeležja u V grupi fz **$BD \rightarrow A, E$** znači da je V grupa fz **$BD \rightarrow A, E$** NEPOTPUNA (nije redukovana ili neredukovana) u skladu sa poznatim skupom definicija.

Da li se može dokazati da $B \rightarrow D$ u petoj grupi funkcionalnih zavisnosti u skladu sa ograničenjima datim u konkretnom skupu F?

Odgovor je da može, jer se može *primeniti pravilo izvođenja iz π* na sledeći način:

Želimo dokazati da $B \rightarrow D$:

$B \rightarrow D$

dato u
I grupi fz

Zaključak: Obeležje D je suvišno u petoj grupi funkcionalnih zavisnosti $BD \rightarrow A, E$ na osnovu čega sledi da nakon uklanjanja suvišnog obeležja D se dobijaju dve potpune ili redukovane funkcionalne zavisnosti u skladu sa gore navedenim definicijama $\Rightarrow B \rightarrow A$ i $B \rightarrow E$.

Dakle, pošto je obeležje D je suvišno u petoj grupi funkcionalnih zavisnosti $B\cancel{D} \rightarrow A, E$ $\Rightarrow B \rightarrow A$ i $B \rightarrow E$ i sada skup F ima sledeću strukturu:

F =

{

I grupa fz $B \rightarrow D$,

II grupa fz $A \rightarrow C, B$,

III grupa fz $A\cancel{B} \rightarrow E$

IV grupa fz $F \rightarrow A, C, E$,

V grupa fz $B\cancel{D} \rightarrow A, E$,

VI grupa fz $D \rightarrow C$

}

Iscrpnom primenom pravila izvođenja iz π (Amstrogovih aksioma) na skup funkcionalnih zavisnosti F ili primenom pravilo tačno određene funkcionalne zavisnosti u skupu F, **polazni skupa F se transformiše u rezultujući skup E**.

Nakon primene prvog koraka algoritma normalizacije metodom sinteze, (**Redukcija levih strana funkcionalnih zavisnosti**) skup F ima sledeću strukturu:

F =

{

I grupa fz $B \rightarrow D$,

II grupa fz $A \rightarrow C, B$,

III grupa fz $A\cancel{B} \rightarrow E$

IV grupa fz $F \rightarrow A, C, E$,

V grupa fz $B\cancel{D} \rightarrow A, E$,

VI grupa fz $D \rightarrow C$

}

Rezultujući skup E ima sledeću strukturu:

$$E = \left\{ \begin{array}{l} B \rightarrow D, A, E \text{ (nastalo iz I grupe fz i V grupe fz skupa F)} \\ A \rightarrow C, B, E \text{ (nastalo iz II grupe fz i III grupe fz skupa F)} \\ F \rightarrow A, C, E \text{ (prethodna IV grupa fz preuzeta iz skupa F)} \\ D \rightarrow C \text{ (prethodna VI grupa fz preuzeta iz skupa F)} \end{array} \right\}$$

sa sledećim grupama funkcionalnih zavisnosti:

$$E = \left\{ \begin{array}{l} \text{I grupa fz } B \rightarrow D, A, E \\ \text{II grupa fz } A \rightarrow C, B, E \\ \text{III grupa fz } F \rightarrow A, C, E \\ \text{IV grupa fz } D \rightarrow C \end{array} \right\}$$

2. Eliminacija tranzitivnih i trivijalnih zavisnosti - Realizuje se neredundatno pokrivanje H za skup fz E primenom algoritma nerudundatnog pokrivanja ili primenom heurističkih pravila koja su implicirana iz algoritma nerudundatnog pokrivanja i osnovnih definicija vezanih za algoritam nerudundatnog pokrivanja

Heurističko pravila i osnovne definicija vezane za algoritam nerudundatnog pokrivanja, a koja su implicirana iz algoritma nerudundatnog pokrivanja u ovom koraku algoritma sinteze se zasnivaju na:

1. Iscrpnom primenom pravila izvođenja iz π (Amstrogovih aksioma) na skup funkcionalnih zavisnosti E

2.1. Razmatranje **I grupa funkcionalnih zavisnosti** $B \rightarrow D, A, E$, se realizuje kroz primenu heurističkog pravila, koje u konkretnom slučaju glasi:

2.1.1. Da li se Iscrpnom primenom pravila izvođenja iz π (Amstrogovih aksioma) na skup f-*lnih* zavisnosti E može dokazati da $B \rightarrow E$?

Ako se može dokazati da $B \rightarrow E$, to znači da je **obeležje E tranzitivno u I grupi fz $B \rightarrow D, A, E$ koja sadrži tri funkcionalne zavisnosti**. Postojanje **tranzitivnog** obeležja u I grupi fz $B \rightarrow D, A, E$ znači da je I grupa fz $B \rightarrow D, A, E$ ima tranzitivnu zavisnost u skladu sa poznatim skupom definicija i Amstrogovih aksioma.

Cilj drugog koraka algoritma normalizacije metodom sinteze je da se iz svih grupa funkcionalnih zavisnosti u skupu E, a samim tim i iz svih funkcionalne zavisnosti u E **uklone tranzitivne i trivijalne funkcionalne zavisnosti**. To znači da se na kraju drugog koraku žele dobiti isključivo **ne tranzitivne i ne trivijalne funkcionalne zavisnosti** odnosno funkcionalne zavisnosti **koje nemaju tranzitivna obeležja, što je u skladu sa definicijom** treće normalne forme (3NF). Postojanje samo **ne tranzitivne i ne trivijalne funkcionalne zavisnosti je osnov za kreiranje nerudundatnog pokrivanja H za skup E**.

2.1.1.1. Da li se može dokazati da $B \rightarrow E$ tranzitivna fz u prvoj grupi funkcionalnih zavisnosti u skladu sa ograničenjima datim u konkretnom skupu E?

E = {
 I grupa fz $B \rightarrow D, A, E$
 II grupa fz $A \rightarrow C, B, E$
 III grupa fz $F \rightarrow A, C, E$
 IV grupa fz $D \rightarrow C$
 }

$B \rightarrow A \wedge A \rightarrow E \Rightarrow B \rightarrow E$
 dato u I grupi fz dato u II grupi fz na osnovu pravila Π_3 Aksioma tranzitivnosti

Zaključak: Funkcionalna zavisnost $B \rightarrow E$ je tranzitivna i suvišna u prvoj grupi funkcionalnih zavisnosti $B \rightarrow D, A, E$, na osnovu čega sledi da nakon uklanjanja suvišne tranzitivne funkcionalne zavisnosti se dobija prva grupi funkcionalnih zavisnosti $B \rightarrow D, A, E$, u skladu sa poznatim definicijama i aksiomima $\Rightarrow B \rightarrow D, A, \text{~~E~~}$

Dakle, pošto je funkcionalna zavisnost $B \rightarrow E$ je tranzitivna i suvišna u prvoj grupi funkcionalnih zavisnosti $B \rightarrow D, A, \text{~~E~~}$ skup E ima sledeću strukturu:

$E = \{$
 I grupa fz $B \rightarrow D, A, \color{red}{\cancel{E}}$
 II grupa fz $A \rightarrow C, B, E$
 III grupa fz $F \rightarrow A, C, E$
 IV grupa fz $D \rightarrow C$
 $\}$

2.1.1.2. Da li se može dokazati da $A \rightarrow C$ tranzitivna fz u drugoj grupi funkcionalnih zavisnosti u skladu sa ograničenjima datim u konkretnom skupu E?

Odgovor je da može, jer se može *primeniti pravilo izvođenja iz π_3* (pravilo tranzitivnosti iz skupa Armstrongovih aksioma) na sledeći način:

Želimo dokazati da je fz $A \rightarrow C$ tranzitivna fz u E

$E = \{$
 I grupa fz $B \rightarrow D, A, E$
 II grupa fz $A \rightarrow C, B, E$
 III grupa fz $F \rightarrow A, C, E$
 IV grupa fz $D \rightarrow C$
 $\}$

$A \rightarrow B$	\wedge	$B \rightarrow D$	\wedge	$D \rightarrow C$	\Rightarrow	$A \rightarrow C$
dato u		dato u		dato u		
II grupi fz		I grupi fz		IV grupi fz		
						na osnovu
						pravila π_3
						Aksioma
						tranzitivnosti

Zaključak: Funkcionalna zavisnost $A \rightarrow C$ je tranzitivna i suvišna u drugoj grupi funkcionalnih zavisnosti $A \rightarrow C, B, E$ na osnovu čega sledi da nakon uklanjanja suvišne tranzitivne funkcionalne zavisnosti se dobija druga grupi funkcionalnih zavisnosti $A \rightarrow C, B, E$ u skladu sa poznatim definicijama $\Rightarrow A \rightarrow \color{red}{\cancel{C}}, B, E$

Dakle, pošto je funkcionalna zavisnost $A \rightarrow C$ je tranzitivna i suvišna u drugoj grupi funkcionalnih zavisnosti $A \rightarrow \color{red}{\cancel{C}}, B, E$ skup E, nakon koraka 2.1.1.2 ima sledeću strukturu:

$E = \{$
 I grupa fz $B \rightarrow D, A, \underline{E}$
 II grupa fz $A \rightarrow \underline{C}, B, E$
 III grupa fz $F \rightarrow A, C, E$
 IV grupa fz $D \rightarrow C$
 $\}$

2.1.1.3. Da li se može dokazati da $A \rightarrow E$ tranzitivna fz u drugoj grupi funkcionalnih zavisnosti u skladu sa ograničenjima datim u konkretnom skupu E?

Odgovor je da može, jer se može *primeniti pravilo izvođenja iz π_3* (pravilo tranzitivnosti iz skupa Armstrongovih aksioma) na sledeći način:

Želimo dokazati da je fz $A \rightarrow E$ tranzitivna fz u E

$E = \{$
 I grupa fz $B \rightarrow D, A, E$
 II grupa fz $A \rightarrow C, B, E$
 III grupa fz $F \rightarrow A, C, E$
 IV grupa fz $D \rightarrow C$
 $\}$

$A \rightarrow B$	\wedge	$B \rightarrow E$	\Rightarrow	$A \rightarrow E$
dato u II grupi fz		dato u I grupi	na osnovu pravila π_3 Aksioma tranzitivnosti	

Zaključak: Funkcionalna zavisnost $A \rightarrow E$ je tranzitivna i suvišna u drugoj grupi funkcionalnih zavisnosti $A \rightarrow C, B, E$ na osnovu čega sledi da nakon uklanjanja suvišne tranzitivne funkcionalne zavisnosti se dobija druga grupi funkcionalnih zavisnosti $A \rightarrow C, B, E$ u skladu sa poznatim definicijama $\Rightarrow A \rightarrow C, B, \underline{E}$

Dakle, pošto je funkcionalna zavisnost $A \rightarrow E$ je tranzitivna i suvišna u drugoj grupi funkcionalnih zavisnosti $A \rightarrow C, B, \underline{E}$ skup E, nakon koraka 2.1.1.3 ima sledeću strukturu:

$E = \{$
 I grupa fz $B \rightarrow D, A, \cancel{E}$
 II grupa fz $A \rightarrow \cancel{C}, B, E$
 III grupa fz $F \rightarrow A, C, E$
 IV grupa fz $D \rightarrow C$
 $\}$

2.1.1.4. Da li se može dokazati da $F \rightarrow C$ tranzitivna fz u trećoj grupi funkcionalnih zavisnosti u skladu sa ograničenjima datim u konkretnom skupu E?

Odgovor je da može, jer se može *primeniti pravilo izvođenja iz π_3* (pravilo tranzitivnosti iz skupa Armstrongovih aksioma) na sledeći način:

Želimo dokazati da je fz $F \rightarrow C$ tranzitivna fz u E

$E = \{$
 I grupa fz $B \rightarrow D, A, E$
 II grupa fz $A \rightarrow C, B, E$
 III grupa fz $F \rightarrow A, C, E$
 IV grupa fz $D \rightarrow C$
 $\}$

$F \rightarrow A$	\wedge	$A \rightarrow C$	\Rightarrow	$F \rightarrow C$
dato u III grupi fz		dato u II grupi	na osnovu pravila π_3 Aksioma tranzitivnosti	

Zaključak: Funkcionalna zavisnost $F \rightarrow C$ je tranzitivna i suvišna u trećoj grupi funkcionalnih zavisnosti $F \rightarrow A, C, E$ na osnovu čega sledi da nakon uklanjanja suvišne tranzitivne funkcionalne zavisnosti se dobija treća grupi funkcionalnih zavisnosti

$F \rightarrow A, C, E$ u skladu sa poznatim definicijama $\Rightarrow F \rightarrow A, \cancel{C}, E$

Dakle, pošto je funkcionalna zavisnost $F \rightarrow C$ je tranzitivna i suvišna u trećoj grupi funkcionalnih zavisnosti $F \rightarrow A, \cancel{C}, E$ skup E, nakon koraka 2.1.1.4 ima sledeću strukturu:

$$E = \{$$

- I grupa fz $B \rightarrow D, A, \cancel{E}$
- II grupa fz $A \rightarrow \cancel{C}, B, \cancel{E}$
- III grupa fz $F \rightarrow A, \cancel{C}, E$
- IV grupa fz $D \rightarrow C$

$$\}$$

2.1.1.5. Da li se može dokazati da $F \rightarrow E$ tranzitivna fz u trećoj grupi funkcionalnih zavisnosti u skladu sa ograničenjima datim u konkretnom skupu E?

Odgovor je da može, jer se može *primeniti pravilo izvođenja iz π_3* (pravilo tranzitivnosti iz skupa Armstrongovih aksioma) na sledeći način:

Želimo dokazati da je fz $F \rightarrow E$ tranzitivna fz u E

$$E = \{$$

- I grupa fz $B \rightarrow D, A, E$
- II grupa fz $A \rightarrow C, B, E$
- III grupa fz $F \rightarrow A, C, E$
- IV grupa fz $D \rightarrow C$

$$\}$$

$F \rightarrow A$	\wedge	$A \rightarrow E$	\Rightarrow	$F \rightarrow E$
dato u III grupi fz		dato u II grupi		na osnovu pravila π_3 Aksioma tranzitivnosti

Zaključak: Funkcionalna zavisnost $F \rightarrow E$ je tranzitivna i suvišna u trećoj grupi funkcionalnih zavisnosti $F \rightarrow A, C, E$ na osnovu čega sledi da nakon uklanjanja suvišne tranzitivne funkcionalne zavisnosti se dobija treća grupi funkcionalnih zavisnosti $F \rightarrow A, C, E$ u skladu sa poznatim definicijama $\Rightarrow F \rightarrow A, C, \cancel{E}$

Dakle, pošto je funkcionalna zavisnost $F \rightarrow E$ je tranzitivna i suvišna u trećoj grupi funkcionalnih zavisnosti $F \rightarrow A, C, \cancel{E}$ skup E, nakon koraka 2.1.1.5 ima sledeću strukturu:

$$E = \{$$

- I grupa fz $B \rightarrow D, A, \cancel{E}$
- II grupa fz $A \rightarrow \cancel{C}, B, \cancel{E}$
- III grupa fz $F \rightarrow A, \cancel{C}, \cancel{E}$

IV grupa fz $D \rightarrow C$
 }

Na osnovu osobine algoritma sinteze da skup šema relacija S , kao rezultujući skup algoritma, sadrži kompletnu informaciju o skupu obeležja U (konzervira skup obeležja), a dokazano je da je funkcionalna zavisnost $F \rightarrow E$ **tranzitivna i suvišna u trećoj grupi funkcionalnih zavisnosti $F \rightarrow A, C, E$, i na osnovu toga se uklanjanja suvišne tranzitivne funkcionalne zavisnosti se dobija treća grupi funkcionalnih zavisnosti $F \rightarrow A, C, E$ u skladu sa poznatim definicijama $\Rightarrow F \rightarrow A, C, E$. Ipak funkcionalna zavisnost $F \rightarrow E$, mada je dokazano da je suvišna i tranzitivna se ne uklanja jer bi se time narušala osobina algoritma sinteze: "da skup šema relacija S , kao rezultujući skup algoritma, sadrži kompletnu informaciju o skupu obeležja U (konzervira skup obeležja)", jer bi ovim postupkom uklonili i obeležja E iz skupa U , tako da bi promenili skup U sa početnog skupa $U = \{A, B, C, D, E, F\}$ na skup $U = \{A, B, C, D, \underline{E}, F\}$, što je nedozvoljena operacija. Dakle bez obzira na dokazanu tranzitivnost fz $F \rightarrow E$, fz $F \rightarrow E$ ostaje u skupu E , da ne bi došlo do promene početnog skupa U .**

Na osnovu svega navednog skup E , nakon koraka 2.1.1.5 ima sledeću strukturu:

$E = \{$
 I grupa fz $B \rightarrow D, A, \underline{E}$
 II grupa fz $A \rightarrow \underline{C}, B, \underline{E}$
 III grupa fz $F \rightarrow A, \underline{C}, E$
 IV grupa fz $D \rightarrow C$
 $\}$

Rezultat drugog koraka algoritma normalizacije metodom sinteze, (Eliminacija tranzitivnih i trivijalnih zavisnosti) je sledeći:

Iscpnom primenom pravila izvođenja iz π_3 (Amstrogovih aksioma tranzitivnosti) na skup funkcionalnih zavisnosti E , **polazni skupa E se transformiše u rezultujući skup H koji predstavlja jedno od mogućih neredundantnih pokrivanja za skup E .** Nakon primene drugog koraka algoritma normalizacije metodom sinteze, (Eliminacija tranzitivnih i trivijalnih zavisnosti) skup E ima sledeću strukturu:

$$E = \{$$

- I grupa fz $B \rightarrow D, A, \bar{E}$
- II grupa fz $A \rightarrow C, B, E$
- III grupa fz $F \rightarrow A, C, E$
- IV grupa fz $D \rightarrow C$

$$\}$$

Rezultujući skup H ima sledeću strukturu:

$$H = \{$$

- $B \rightarrow D, A$, (nastalo iz I grupe fz skupa E)
- $A \rightarrow B$, (nastalo iz II grupe fz skupa E)
- $F \rightarrow A, E$, (nastalo iz III grupe fz skupa E)
- $D \rightarrow C$ (nastalo iz IV grupe fz skupa E)

$$\}$$

sa sledećim grupama funkcionalnih zavisnosti:

$$H = \{$$

- I grupa fz $B \rightarrow D, A$,
- II grupa fz $A \rightarrow B$,
- III grupa fz $F \rightarrow A, E$,
- IV grupa fz $D \rightarrow C$

$$\}$$

3. **Particionisanje nerudundatnog pokrivanja H na skupove funkcionalnih zavisnosti** – u trećem koraku algoritma normalizacije metodom sinteze **deli se skup H na disjunktivne podskupove funkcionalnih zavisnosti sa istim levim stranama, odnosno realizuje se sledeći postupak:**
 - 3.1. **Particionisanje skupa H na disjunktne podskupove**
 - 3.2. **Za $G_i(X_i)$ sa istim $l_s(f)$ potrebno je naći skupove $G_1(X_1), G_2(X_2), \dots, G_n(X_n)$**
 - 3.3. **Formirati skup $G(X) = \{ G_1(X_1), G_2(X_2), \dots, G_n(X_n) \}$**
 - 3.4. **Rezultat 3. koraka je skup $G(X)$**

Primenom postupku partitionisanja na konkretan skup H, kao rezultat drugog koraka algoritma normalizacije metodom sinteze se dobijaju sledeći partitivni disjunktivi podskupovi:

Na osnovu skupa H

$$H = \left\{ \begin{array}{l} \text{I grupa fz } B \rightarrow D, A, \\ \text{II grupa fz } A \rightarrow B, \\ \text{III grupa fz } F \rightarrow A, E, \\ \text{IV grupa fz } D \rightarrow C \end{array} \right\}$$

Rezultujući skupovi $G_i(X_i)$ sa istim $Is(f)$ su:

$$G_1(B) = \{ B \rightarrow D, B \rightarrow A \}$$

$$G_2(A) = \{ A \rightarrow B \}$$

$$G_3(F) = \{ F \rightarrow A, F \rightarrow E \}$$

$$G_4(D) = \{ D \rightarrow C \}$$

Na osnovu skupova $G_i(X_i)$ sa istim $Is(f)$ rezultujući skup $G(X)$ ima sledeću strukturu, što je ujedno i rezultat trećeg algoritma normalizacije metodom sinteze :

$$G(X) = \{ G_1(B); G_2(A); G_3(F); G_4(D) \}$$

4. Izdvajanje ekvivalentnih levih strana - pronalaženje i spajanje ekvivalentnih ključeva u skupu $G(X)$

U četvrtom koraku algoritma normalizacije metodom sinteze da bi se dobio minimalni broj šema relacija, pronalaze se ekvivalentni ključevi i izdvajaju u poseban skup funkcionalnih zavisnosti J, koji sadrži ekvivalentne leve strane funkcionalnih zavisnosti, a na njihovi podskupove funkcionalnih zavisnosti se primenjuje operacija unije.

Postupak je sledeći:

- 1. Izdvajanje ekvivalentnih levih strana - pronalaženje ekvivalentnih ključeva u skupu $G(X)$**
- 2. Formirati skup J u kome se izdvajaju i spajaju ekvivalentne leve strane**

3. Formirati skup $G'(X)$ u kome se modifikuju polazni skupovi sa $G(X)$ sa istim levim stranama.

Rezultat 4. koraka je: Tačno definisati i formirati skupove $G'(X)$ i J .

Polazni skup koji se razmatra je rezultat prethodnog trećeg koraka ovog algoritma:

$G(X) = \{ G_1(B); G_2(A); G_3(F); G_4(D) \}$ gde je:

$G_1(B) = \{ B \rightarrow D, B \rightarrow A \}$

$G_2(A) = \{ A \rightarrow B \}$

$G_3(F) = \{ F \rightarrow A, F \rightarrow E \}$

$G_4(D) = \{ D \rightarrow C \}$

Na osnovu rezultata prethodnog koraka u skupu $G(X)$ je odmah prepoznat kandidat za ekvivalentne leve strane skup fz: $A \rightarrow B$ i $B \rightarrow A$. Fz $A \rightarrow B$ je data u $G_2(A) = \{ A \rightarrow B \}$, a fz $B \rightarrow A$ je data $G_1(B) = \{ B \rightarrow D, B \rightarrow A \}$.

1. Na osnovu prethodno navedenih stavova formira se skup $J = \{ A \rightarrow B, B \rightarrow A \}$ jer su $A \rightarrow B$ i $B \rightarrow A$ ekvivalentne leve strane.
2. Na osnovu datog skupa iz trećeg koraka:
 $G(X) = \{ G_1(B); G_2(A); G_3(F); G_4(D) \}$, gde je

$G_1(B) = \{ B \rightarrow D, B \rightarrow A \}$

$G_2(A) = \{ A \rightarrow B \}$

$G_3(F) = \{ F \rightarrow A, F \rightarrow E \}$

$G_4(D) = \{ D \rightarrow C \}$

formira se novi modifikovani skup u oznaci $G'(X)$:

$G'(X) = \{ G_1'(B); G_3(F); G_4(D) \}$ gde je

$G_1'(B) = \{ B \rightarrow D, \}$

$G_3(F) = \{ F \rightarrow A, F \rightarrow E \}$

$G_4(D) = \{ D \rightarrow C \}$

5. Ponovno pronalaženje novih tranzitivnih funkcionalnih zavisnosti

Generisanjem funkcionalnih zavisnosti $X \rightarrow Y$ i $Y \rightarrow X$ i njihovim smeštanjem u J, može doći do situacije da neke od funkcionalnih zavisnosti u H postanu ponovo tranzitivne. Pronalaženje ovih tranzitivnih zavisnosti se vrši u 5. koraku.

Postupak 5. koraka:

1. Eliminacija tranzitivnih i trivijalnih zavisnosti u skupovima $G'(X)$ i J

Rezultat 5. koraka: skup L koji se formira od novopronađenih tranzitivnih zavisnosti.

U primerima koji će biti realizovani na ovom predmetu $L = \{\emptyset\}$

6. Rekonstrukcija podskupova funkcionalnih zavisnosti na osnovu vrednosti formiranih skupova: J, $G'(X)$ i L.

U 6. koraku algoritma sinteze se vrši rekonstrukcija podskupova tako, da se iz njih eliminišu, eventualne tranzitivne zavisnosti, a uključuju se odgovarajuće funkcionalne zavisnosti $X \rightarrow Y$ i $Y \rightarrow X$.

Postupak: Rekonstrukcija grupa funkcionalnih zavisnosti

Rezultat: Formiran novi skup $G''(X)$, uključivanjem ekvivalentnih levih strana

Rekonstrukcija grupa funkcionalnih zavisnosti:

1. Razmatraju se ulazni skupovi za postupak **rekonstrukcija grupa funkcionalnih zavisnosti**

- 1.1. Skup $G'(X)$ gde je

$G'(X) = \{ G_1(B); G_3(F); G_4(D) \}$ sa elementima skupa $G'(X)$

$G_1(B) = \{ B \rightarrow D, \}$

$G_3(F) = \{ F \rightarrow A, F \rightarrow E \}$

$G_4(D) = \{ D \rightarrow C \}$

1.2. Skup J

$$J = \{ A \rightarrow B, B \rightarrow A \}$$

1.3. Skup L

$$L = \{\emptyset\}$$

Postupak rekonstrukcije se realizuje na sledeći način:

$$G''(X) = \{ G_{1J}''(A,B); G_3(F); G_4(D) \}$$

$$G_{1J}'' = \{ A \rightarrow B, B \rightarrow A, B \rightarrow D \}$$

$$G_3(F) = \{ F \rightarrow A, F \rightarrow E \}$$

$$G_4(D) = \{ D \rightarrow C \}$$

7. Formiranje skupa šema relacija S

U 7. koraku se formira skup šema relacija S tako, što se skup obeležja funkcionalnih zavisnosti jednog podskupa proglašava za skup obeležja same šeme relacije, a skup levih strana funkcionalnih zavisnosti tog podskupa, za skup sintetizovanih ključeva iste šeme relacije.

Postupak:

Formirati skupove R_1, R_2, \dots, R_n . Skup obeležja jednog podskupa skupa $G''(X)$ se preuzima za skup obeležja sintetizovanih šema relacija, a skup $ls(f)$ postaje skup sintetizovanih ključeva iste šeme relacije.

Rezultat:

Skup S šema relacija u III NF, u oznaci $S = \{ Ni(Ri, Ki) \}$

Ulazni skup za formiranje skupa šema relacija S je skup $G''(X) = \{ G_{1J}''(A,B); G_3(F); G_4(D) \}$ sa sledećom strukturom u konkretnom primeru:

$$G''(X) = \{ G_{1J}''(A,B); G_3(F); G_4(D) \}$$

$$G_{1J}'' = \{ A \rightarrow B, B \rightarrow A, B \rightarrow D \}$$

$$G_3(F) = \{ F \rightarrow A, F \rightarrow E \}$$

$$G_4(D) = \{ D \rightarrow C \}$$

Rezultat je skup S šema relacija u III NF, u oznaci $S = \{Ni(Ri, Ki)\}$ sa sledećom strukturom u konkretnom primeru:

$$S = \{ G_{1J}''(A,B); G_3(F); G_4(D) \}, \text{ gde je}$$

$$G_{1J}''(AB) = \{ \{A, B, D\}, \{A, B\} \}$$

$$G_3(F) = \{ \{F, A, E\}, \{F\} \}$$

$$G_4(D) = \{ \{D, C\}, \{D\} \}$$

Skup S šema relacija je u III NF, u oznaci $S = \{Ni(Ri, Ki)\}$ i ima veoma bitnu implikaciju, a to je da garantuje nepostojanje, odnosno izostajanje sva tri oblika anomalija ažuriranja: anomalije unosa, anomalije brisanja i anomalije modifikacije